

$$i * \begin{pmatrix} 3 \\ 4 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} -4 \\ 3 \end{pmatrix} = -4 + 3*i \quad \text{und das „Manifesto di Bombelli“}$$

Führt man das Skalar-Produkt in den Vektorraum $(\mathbb{R}^2, +, \cdot \text{ mit Skalar})$ ein, bekommt man einen Euklidischen Vektorraum, darin kann man einen kommutativen Körper $(\mathbb{R}^2, +, *)$ finden. Hier ist $*$ die Bombelli-Multiplikation: $i * i = -1$, oder in der Schreibweise von

Hamilton $\begin{pmatrix} a \\ b \end{pmatrix} * \begin{pmatrix} c \\ d \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} ac - bd \\ ad + bc \end{pmatrix}$ und i dreht einen Vektor um 90 Grad nach links durch $i * \begin{pmatrix} a \\ b \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} -b \\ a \end{pmatrix}$.

In modern-talking Mathe: Ein Vektor, definiert als ein geordnetes Tupel, kann als Term einer Vektorraum-Basis ausgedrückt werden. In \mathbb{R} ($=\mathbb{R}^1$) ergibt der Vektor (a) in der Standard-Basis $\{1\}$ $(a) = a * 1$ und das ist natürlich gleich a . Adjungiere ein fremdes Element zu \mathbb{R} , schon bist Du 2D.

$\begin{pmatrix} a \\ b \end{pmatrix}$ kann als Linearkombination der Basiselemente notiert werden: $c*1 + d*\text{element}$. Mit der Standard-Basis $\left\{ \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 0 \\ 1 \end{pmatrix} \right\} = \left\{ 1, \begin{pmatrix} 0 \\ 1 \end{pmatrix} \right\}$ oder $\{1, i\}$ bekommst Du $a+i*b$, anders aussehend, wie $\begin{pmatrix} a \\ b \end{pmatrix}$, aber identisch.

Du kannst also jetzt Vektoren in gemischter Schreibweise notieren und damit rechnen. Ich schlage den Namen Bombelli-Vektorraum vor.

Reale Pfeile zeigen die Winde auf einer Wetterkarte.

Hänge (addiere) an eine Anzahl Punkte den Koordinaten-Unterschied zu einem zentralen Punkt

an, multipliziert mit $\begin{pmatrix} 0 \\ 1 \end{pmatrix} = i$. Verbessere dies erste Modell durch Multiplikation von

$$\begin{pmatrix} \cos \alpha \\ \sin \alpha \end{pmatrix} = \cos \alpha + i * \sin \alpha$$

- gib alpha für die Reibung etwa 10° (über See) bis 35° (über Land)

(- alpha auf der südlichen Halbkugel), und bringe alles auf Maß durch einen Faktor $1/10$

(resp. $-1/10$) und addiere eine gemeinsame Geschwindigkeit in östliche Richtung. So erhältst

Du ein Modell der Winde des inneren Teils eines Tiefdruckgebiets

- nur mit Bombellis Operationen erstellt, und

wir sind reell auf der Ebene geblieben.

Es entstehen zwei Fragen, sensitive Fragen für einige – und die Antwort ist ihnen überlassen:

Gibt es irgendeinen Unterschied zu $(\mathbb{C}, +; *)$? – kannst Du diesen Unterschied Deinem Computer beibringen?

Wenn Du die y-Achse eine „imaginäre“ Achse nennst, fügst Du irgendeine mathematische Eigenschaft hinzu, oder änderst Du bloß den Namen? Ist die Gauss-Ebene, die komplexe Ebene oder das Argand-Diagramm mehr als eine bloße Fata-Morgana-Spiegelung der reellen Ebene?

Warum - zweihundert Jahre nach Wessel – überhaupt so eine Frage?

In einer Mathe-Stunde bekommt man zeitweise den Eindruck, es sei ein extraterrestisches Element zu \mathbb{R} adjungiert worden. Meine Meinung:

i-ist-nicht-mehr-imaginär